30 вариантов соответствует демоверсии



МАТЕМАТИКАпрофильный уровень

ТРЕНИРОВОЧНЫЕ ВАРИАНТЫ



Мирошин, Владимир Васильевич.

M64

ЕГЭ 2020. Математика. Профильный уровень : тренировочные варианты : 30 вариантов / В. В. Мирошин. — Москва : Эксмо, 2019. — 232 с. — (ЕГЭ. Тренировочные варианты).

ISBN 978-5-04-102794-0

Издание предназначено для подготовки учащихся к ЕГЭ по математике. Пособие включает:

- \cdot 30 тренировочных вариантов, соответствующих демоверсии;
- подробные решения нескольких вариантов;
- ответы ко всем заданиям.

Кроме того, приводятся общие решения для наиболее сложных задач.

Издание будет полезно учителям математики, так как даёт возможность эффективно организовать учебный процесс и подготовку к экзамену.

УДК 373:51 ББК 22.1я721

[©] Мирошин В. В., 2019

СОДЕРЖАНИЕ

Bведение
ВАРИАНТ 14
ВАРИАНТ 28
ВАРИАНТ 312
ВАРИАНТ 416
ВАРИАНТ 5
ВАРИАНТ 6
ВАРИАНТ 7
ВАРИАНТ 832
ВАРИАНТ 936
ВАРИАНТ 10
ВАРИАНТ 1144
ВАРИАНТ 12
ВАРИАНТ 13
ВАРИАНТ 14
ВАРИАНТ 15
ВАРИАНТ 16
ВАРИАНТ 1768
ВАРИАНТ 1872
ВАРИАНТ 19
ВАРИАНТ 20
ВАРИАНТ 21
ВАРИАНТ 22
ВАРИАНТ 23
ВАРИАНТ 24
ВАРИАНТ 25
ВАРИАНТ 26
ВАРИАНТ 27
ВАРИАНТ 28112
ВАРИАНТ 29
ВАРИАНТ 30
Ответы
Решение вариантов 1—5
Приложение

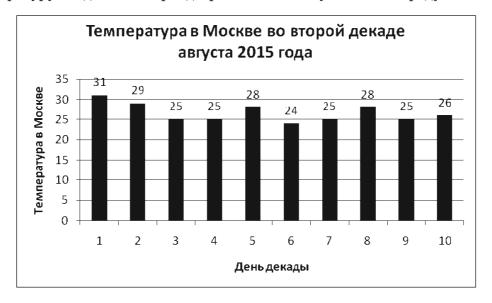
Часть 1

Ответом к заданиям 1—12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

Из пункта A со скоростью 15 км/час выехал велосипедист. Через 1 час следом за ним со скоростью 30 км/час выехал мотоциклист. Найдите время, через которое мотоциклист догонит велосипедиста. Ответ укажите в часах.

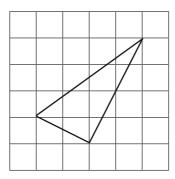
Ответ: .

2 На диаграмме представлены результаты измерения температуры в Москве во второй декаде августа 2015 года. Используя приведённые данные, найдите среднюю температуру за данный период времени. Ответ укажите в градусах.



Ответ:

Найдите площадь фигуры, изображённой на клетчатой бумаге, считая, что сторона клетки равна 1 см. Ответ укажите в см².



Ответ: _____

4	На карточках выписаны двузначные числа. Найдите вероятность того, что на выбранной карточке окажется число, цифры которого различны.
	Ответ:
5	Решите уравнение $3^{\frac{x+2}{2x-1}} = 3^{\frac{7}{9}}$.
6	Хорда AB окружности делит её на две дуги, меры которых относятся как $5:7.$ Точка C расположена на большей дуге окружности. Чему равна мера угла ACB ? Ответ укажите в градусах.
7	Ответ: На рисунке изображён график производной дифференцируемой функции $y=f(x)$. Найдите количество точек максимума функции, принадлежащих отрезку [-7; 8].
	Ответ:

8 Основанием призмы служит ромб, сторона которого равна 4, а острый угол равен 30°. Найдите объём призмы, если её высота равна 5.

Ответ: ______.

Часть 2

9 Найдите значение $\cos \alpha$, если $\operatorname{tg} \alpha = \sqrt{3}$, $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$.

Ответ: _____.

При вычислении значения квадратного корня из числа, не являющегося полным квадратом, за неимением калькулятора или чего-либо подобного (например, на ЕГЭ по математике) для приближённого вычисления используют формулу:

$$\sqrt{1+x} = 1 + \frac{x}{2} - \frac{x^2}{8} + \frac{x^3}{16} \dots, -1 < x < 1.$$

Вычисление будет тем точнее, чем меньше число x. (Если исходное число большое, то его предварительно преобразуют в произведение квадрата числа, меньшего данного, на число, чуть большее или меньшее единицы.) Используя приведённую формулу, вычислите $\sqrt{5}$ с точностью до сотых.

Ответ: ______.

11	Двое рабочих выполнили некоторую работу за 11 дней, причём последние три дня
	работал только первый рабочий. Известно, что за первые 7 дней они вместе выпол-
	нили 80% работы. За сколько дней первый рабочий может выполнить всю работу,
	работая самостоятельно?

Ответ:

12 Найдите точку минимума функции $y = (x-1) \cdot e^{2x}$.

Ответ: _____

- 13 Решите уравнение $\log_{\text{ctg}x}(3 + 2\cos 2x + 2\cos 4x) = 0$. Укажите решения уравнения, принадлежащие отрезку [0; π].
- В правильной треугольной пирамиде SABC сторона основания $AB = 2\sqrt{3}$, боковое ребро SA = 4. Найдите радиус сферы, проходящей через вершины основания и середины боковых рёбер.
- **15** Решите неравенство $(x^2+x+1)^{x^2-5x+6} > (x+2)^{x^2-5x+6}$.
- В треугольнике $ABC\ AD$ медиана, точка E лежит на медиане AD и делит AD пополам. Точка F лежит на отрезке BE и делит его пополам. Отрезок CF пересекает отрезок AD в точке G. Найдите отношение площади треугольника ABC к площади треугольника FEG.
- 3аёмщиком была взята на 3 года в банке сумма, равная 641 000 рублей, под 10% годовых с условием, что вторая выплата будет вдвое больше первой, а третья— втрое больше первой, и выплаты производятся после начисления процентов на остаток займа. Какова была сумма первой выплаты?

- Найдите все значения параметра, при каждом из которых прямая, заданная уравнением y=ax, делит пополам периметр и площадь фигуры, заданной неравенством $|y-3x+11|+|y+x-9| \le 8$.
- а) Можно ли число 2016 разложить в сумму нескольких последовательных натуральных чисел? Если да, то приведите пример такой последовательности.
 - б) Укажите число таких последовательностей.
 - в) Укажите наименьшую длину последовательности.
 - г) Укажите наибольшую длину последовательности.

Часть 1

Ответом к заданиям 1—12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

1	Поезд проезжает расстояние от Москвы до Нижнего Новгорода за 6 часов 55 ми-
	нут, а самолёт, вылетая из Москвы, приземляется в Нижнем Новгороде через 1 час
	10 минут. На сколько часов меньше находится в пути самолёт? Ответ укажите в
	uacax.

Ответ: ______.

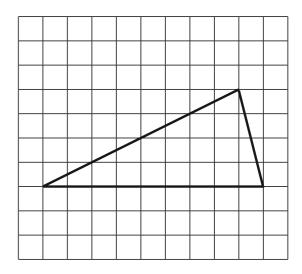
На диаграмме представлены среднемесячные температуры воздуха в Москве за прошедший календарный год.



Используя диаграмму и представленные	на ней	данные,	найдите	разность	между
самой высокой среднемесячной температу	урой и с	амой низ	вкой сред	немесячн	ой тем-
пературой в дневное время. Ответ укажи	те в гра	адусах.			

Ответ:	

3 Найдите площадь фигуры, изображённой на клетчатой бумаге, считая, что сторона клетки равна 1 см. Ответ укажите в см².



_		
Ответ:		
ответ.		

4 Из последовательных натуральных чисел от 1 до 200 наудачу выбирают одно число. Какова вероятность того, что наудачу выбранное число оканчивается на 7?

Ответ: ______.

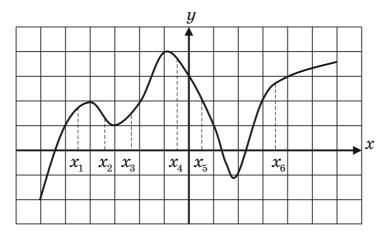
5 Найдите корень уравнения $(0,5)^{5x} = 8^3$. Если корней уравнения несколько, в ответе укажите их сумму.

Ответ: ______.

6 Угол A четырёхугольника ABCD, вписанного в окружность, равен 48° . Найдите угол C этого четырёхугольника. Ответ укажите в градусах.

Ответ: ______.

7 На рисунке приведён график дифференцируемой функции f(x).



На графике функции выбраны 6 точек с абсциссами x_1 , x_2 , x_3 , x_4 , x_5 , x_6 . Используя график функции f(x), укажите количество точек с указанными абсциссами, в которых производная функции положительна.

\sim		
Ответ:		

8 Найдите объём куба, площадь полной поверхности которого равна 150 см³.

Ответ: ______.

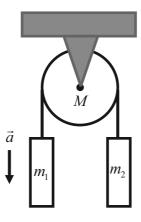
Часть 2

9 Найдите значение выражения $\cos(3\pi - 2\alpha)$, если $\cos\alpha = -\sqrt{0.8}$.

Ответ: ______.

Два груза массой $m_1=15$ кг и m_2 ($m_1>m_2$) соединены между собой нерастяжимой нитью, перекинутой через блок, который может вращаться без трения вокруг горизонтальной оси. Если при этом масса блока M=3 кг сосредоточена в его ободе, то ускорение, с которым движутся грузы, можно вычислить по формуле $a=\frac{m_1-m_2}{m_1+m_2+M}\cdot g, \text{ в которой } g=10\text{ м/сек}^2-\text{ ускорение свободного падения. Найдите}$

массу меньшего груза m_2 , если грузы движутся с ускорением $a=5\,\mathrm{\ m/cek^2}.$



Ответ:

11 Первый рабочий может выполнить работу за 8 дней, а второй рабочий может выполнить ту же работу за 12 дней. За сколько дней рабочие выполнят её совместно?

Ответ:

12 Найдите точку максимума функции $y = \ln \frac{x+2}{x^2+5}$.

Ответ:

- 13 a) Решите уравнение $(\cos 3x + \cos x)^2 + (\sin 3x + \sin x)^2 = 3$.
 - б) Найдите решения, принадлежащие отрезку $\left[-\frac{\pi}{3}; \pi \right]$.

- Сфера касается рёбер BS, CS, CA, AB пирамиды SABC в точках K, L, M, N соответственно.
 - а) Докажите, что точки К, L, M, N лежат в одной плоскости.
 - б) Найдите LN, если KL = 8, LM = 8, MN = 6, NK = 4.
- **15** Решите неравенство $\frac{9^x 2 \cdot 3^x 1}{3^x 1} + \frac{2 \cdot 3^x 6}{3^x 3} \le 3^x + 1.$
- Биссектриса CL угла C треугольника ABC делит пополам угол между медианой CM и высотой CH, проведёнными из той же вершины.
 - 1) Докажите, что треугольник ABC прямоугольный.
 - 2) Найдите углы треугольника ABC, если $\frac{HL}{LM} = \frac{1}{2}$.
- **17** Между городами *A* и *B* летают самолёты трёх типов, для которых возможности перевоза пассажиров и грузовых контейнеров представлены в таблице:

	І тип	II тип	III тип
Максимальное количество перевозимых пассажиров	230	110	40
Максимальное количество перевозимых контейнеров	27	12	5

По условиям контракта должны быть перевезены 760 пассажиров и 88 грузовых контейнеров. Найдите, какое наименьшее количество самолётов потребуется.

- Найдите все значения параметра a, при каждом из которых уравнение $\frac{x^3-a}{12} = \sqrt[3]{12x+a}$ имеет ровно два различных решения.
- **19** Дано уравнение $\sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{75}$.
 - 1) Докажите, что уравнение имеет решение в целых числах.
 - 2) Докажите, что уравнение имеет решение в натуральных числах.
 - 3) Сколько целочисленных решений имеет уравнение?

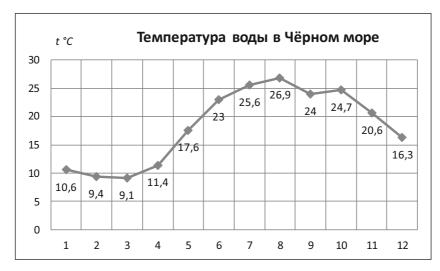
Часть 1

Ответом к заданиям 1—12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

1 Поезд Москва — Брянск выезжает из Москвы 8 декабря в 19 часов 57 минут, а прибывает в Брянск в 1 час 32 минуты 9 декабря. Сколько минут находится в пути поезд?

Ответ: .

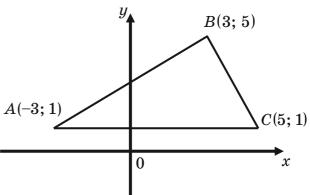
2 На графике представлены среднемесячные температуры воды в Чёрном море.



Используя график, укажите количество месяцев, в которых средняя температура воды была выше, чем $T=\frac{t_{\max}+t_{\min}}{2}$, где t_{\max} , t_{\min} — соответственно наибольшая и наименьшая среднемесячные температуры.

Ответ:

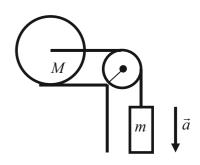
3 Найдите площадь фигуры, изображённой на координатной плоскости.



Ответ: ______.

4	В урне 10 шаров: 2 красных, 3 синих и 5 белых. Из урны случайным образом достаётся один шар. Найдите вероятность того, что будет извлечён цветной, т. е. не белый шар.
	Ответ:
5	Найдите корень уравнения $\log_3 (5x+1)=2$. Если корней уравнения несколько, в ответе укажите их сумму.
	Ответ:
6	Точки A , B , C , D , расположенные на окружности, делят её четыре дуги AB , BC , CD , DA , меры которых относятся как $3:2:13:7$. Хорды AC и BD пересекаются в точке O . Найдите меру $\angle AOB$. Ответ укажите в градусах.
	Ответ:
7	На рисунке приведён график производной дифференцируемой функции $f(x)$, заданной на промежутке [-6; 6].
	f'(x) -6 6 x
	Используя график производной, найдите количество точек максимума функции на отрезке [-6; 6].
	Ответ:
8	Площадь поверхности шара равна 43. Найдите площадь поверхности второго шара, объём которого в 27 раз больше объёма данного шара.
	Ответ:
	Часть 2
9	Найдите значение выражения $13\sin\left(\frac{\pi}{6}+2\alpha\right)$, если $\lg\alpha=2\sqrt{3}$.
	Ответ:

10 По горизонтальной поверхности под действием груза массой m катится без проскальзывания колесо радиуса R, вся масса которого M сосредоточена в его ободе. Если пренебречь массой нити и блока и трением на оси блока и между блоком и нитью, то сила натяжения нити определяется по формуле $T = \frac{2Mmg}{2M+m}$, в которой $g = 10 \text{ м/сек}^2$ — ускорение свободного падения. Найдите массу груза, если масса кольца M = 2 кг, а сила натяжения нити T = 30 н.



Ответ: .

Катер проходит расстояние от пункта A до пункта B, расположенных на берегу реки, за 6 дней, а расстояние от пункта B до пункта A — за 8 дней. Одновременно с катером из пункта A отплывает плот. Катер, достигнув пункта B, сразу поворачивает обратно и, двигаясь в пункт A, встречает плот. Какую часть пути от пункта B до пункта A прошёл катер до встречи с ним?

Ответ:

Найдите количество точек экстремума функции f(x), определённой на промежутке $[0; +\infty)$, если производная функции имеет вид: $f'(x) = (x^2 - 4x + 3)(\ln x)$.

Ответ: ______

- 13 a) Решите уравнение $\cos^2 3x + \cos^2 5x = \cos^2 3x \cdot \cos^2 5x$.
 - б) Найдите решения уравнения, принадлежащие отрезку $\left[\frac{5\pi}{2}; 5\pi\right]$.
- Четырёхугольная пирамида SABCD, основанием которой является прямоугольник ABCD, вписана в сферу. Известно, что $\angle SAC = \angle SBC = \angle SDC$.
 - а) Докажите, что центр сферы принадлежит ребру SC пирамиды.
 - б) Найдите радиус сферы, если SA = 4, SB = 8, SD = 7.
- 15 Решите неравенство $\log_2(x^2 5x + 6) \le \frac{1}{\log_{x-2} 2\sqrt{2}} + \frac{1}{\log_{x-3} 2} + 1.$
- В треугольнике $ABC\ H$ точка пересечения высот треугольника, O центр окружности, описанной около треугольника.
 - а) Докажите, что отрезки длиной $a=AB,\ b=CH$ и c=2CO могут являться сторонами прямоугольного треугольника.
 - б) Найдите AB, если радиус окружности, описанной около треугольника, равен 10, а CH=12.

- Мальчики двух одиннадцатых классов к празднику 8 марта покупали девочкам цветы. Если каждой девочке первого класса подарить 3 цветка, а каждой девочке второго класса подарить 5 цветков, то потребуется больше 60 цветков. Если каждой девочке первого класса подарить 5 цветков, а каждой девочке второго класса 3 цветка, то потребуется меньше 60 цветков. Найдите число девочек, обучающихся в 11-х классах, если числа девочек в классах отличаются не больше чем на один.
- Найдите все положительные значения параметра a, при каждом из которых уравнение $x = \sqrt[3]{a\sqrt[3]{ax+2}+2}$ имеет ровно два различных решения.
- 19 Числа от 1 до 100 расположены в таблице.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
	•••								
91	92	93	94	95	96	97	98	99	100

- а) Докажите, что суммы чисел, стоящих на диагоналях, идущих из верхнего левого угла в правый нижний угол и из верхнего правого угла таблицы в левый нижний угол таблицы, равны.
- б) Произвольное число таблицы выписывается, после чего из таблицы вычёркиваются строка и столбец, содержащий это число. Затем из оставшихся чисел выбирается второе число, после чего вычёркивается строка и столбец, его содержащий. Так проделывается 10 раз. Найдите сумму выписанных чисел.
- в) Докажите, что сумма выписанных чисел не зависит от способа выбора этих чисел.

Часть 1

Ответом к заданиям 1—12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

При сложении двух десятичных дробей по ошибке во втором слагаемом поставили запятую на одну цифру правее, чем следовало, и получили в сумме 49,1 вместо 27,95. Определите второе слагаемое.

Ответ: ______.

2 На диаграмме приведены данные о количестве осадков, выпавших в городе Неаполе в течение года.

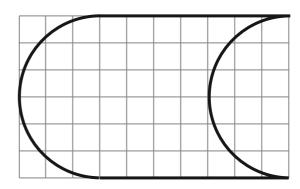


Используя диаграмму и представленные на ней данные, укажите число месяцев, в которых количество выпавших осадков было более 30 мм, но менее 60 мм.

Ответ:

3 На противолежащих сторонах прямоугольника в одну сторону построены полукруги одинакового радиуса. Считая, что длина стороны клеточки равна 1, найдите площадь изображённой фигуры.

Ответ: ______.



4	Точка случайным образом выбирается в круге радиусом 1 метр, разделённом на концентрические зоны. Центральная зона ограничена окружностью, радиус которой равен 10 см, следующая окружность имеет радиус 20 см и т. д. Какова вероятность того, что точка будет выбрана в центральной зоне?
	Ответ:
5	Решите уравнение $\frac{\lg(x+1)}{\lg 4 - \lg 2} = 2$. Ответ:
6	В окружности проведены две хорды AB и CD , угол между которыми равен 40° . Через точку A проведена хорда $AF \parallel CD$. Найдите меру дуги окружности, на которую опирается угол BAF . Ответ укажите в градусах.
	Ответ:
7	На рисунке изображён график производной функции $f(x)$, определённой на промежутке [-5; 6]. Найдите количество точек графика $f(x)$, в каждой из которых касательная, проведённая к графику функции, совпадает или параллельна прямой, заданной уравнением $y=2x-1$.
8	Ответ: Длина стороны основания правильной треугольной пирамиды равна 6, величина двугранного угла между плоскостью боковой грани и плоскостью основания равна 45°. Найдите объём пирамиды.
	Ответ:
	Часть 2

9	Найдите	значение	выражения	tg	arcsin	$\left(rac{3}{5} ight)$	
	Ответ:				•		_

Если катер движется между пристанями A и B сначала вверх по течению t_1 часов, а затем обратно по течению t_2 часов, а скорость течения реки составляет u км/час, то расстояние между пристанями A и B можно вычислить по формуле $S = \frac{2u \cdot t_1 \cdot t_2}{t_1 - t_2}$. Выразите время движения катера по течению реки и найдите его значение, если S = 48 км, $t_1 = 4$ час, u = 2 км/час. Ответ укажите в часах.

Ответ: ______.

Моторная лодка, двигаясь вверх по течению реки, добралась из пункта A в пункт B за 5 часов. Известно, что плот из пункта B в пункт A доплывёт по течению реки за 10 часов. Какое время займёт у лодки путь из B в A? Ответ укажите в часах.

Ответ: ______ .

12 Число 27 разбито на три положительных слагаемых, два из которых относятся как 1:2, причём произведение этих трёх слагаемых принимает наибольшее значение. Найдите большее из этих слагаемых.

Ответ: ______

- 13 | a) Решите уравнение $\cos^2 x 2\cos 7x \cos x + 1 = 0$.
 - б) Найдите решения уравнения, принадлежащие промежутку [2016 π ; 2017 π].
- 14 Основанием пирамиды SABCD является параллелограмм ABCD. Точки $K,\ L,\ M$ расположены на рёбрах $SA,\ SB,\ SC$ соответственно, и при этом

$$\frac{SK}{SA} = \frac{1}{3}$$
; $\frac{SL}{SB} = \frac{1}{4}$; $\frac{SM}{SC} = \frac{1}{2}$.

- а) Докажите, что прямые KM и LD пересекаются.
- б) Найдите отношение объёма пирамиды *SKLMD* к объёму пирамиды *SABCD*.
- 15 Решите неравенство $\log_2(3-4^x) < -4-2x + \log_2 11$.
- В равнобедренной трапеции $ABCD\ AD\ \|\ BC,\ AD=21,\ AB=10,\ BC=9.$ Диагонали AC и BD разбивают трапецию на 4 перекрывающихся треугольника $DAB,\ ABC,\ BCD,\ CDA.$ В каждый треугольник вписаны окружности $\omega_1,\ \omega_2,\ \omega_3,\ \omega_4$ соответственно, центры которых расположены в точках $O_1,\ O_2,\ O_3,\ O_4.$
 - а) Докажите, что четырёхугольник $O_1O_2O_3O_4$ прямоугольник.
 - б) Найдите длину O_1O_2 .
- 17 Некоторое предприятие изготавливает продукцию двух видов A и B, используя при этом три вида ресурсов M, N и K. Нормы использования ресурсов и их запасы приведены в таблице.

Вид ресурса	Запас ресурса (ед.)	Расход ресурса на выпуск единицы продукции		
		A	В	
M	3600	6	6	
N	2000	4	2	
K	4000	4	8	

Требуется определить максимально возможную выручку предприятия при реализации продукции, если цены на продукцию A и B составляют соответственно 1200 и 1500 рублей за единицу соответствующей продукции. Ответ укажите в тысячах рублей.

- Найдите все значения параметра a, при каждом из которых система уравнений $\begin{cases} \left|x^2 5x + 4\right| 9x^2 5x + 4 + 10x \left|x\right| = 0 \\ x^2 2(a-1)x + a(a-2) = 0 \end{cases}$ имеет единственное решение.
- 19 Целой частью действительного числа x называется наибольшее целое число, не превосходящее x. Целая часть числа x обозначается [x].
 - а) Докажите, что уравнение $x^2 2[x] 6 = 0$ не имеет решений в целых числах.
 - б) Найдите корни уравнения $x^2 2[x] 6 = 0$.
 - в) Найдите наибольшее целое число m, такое, что уравнение $x^2 2[x + m] 6 = 0$ решений не имеет.

Часть 1

Ответом к заданиям 1—12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите число в поле ответа в тексте работы, затем перенесите его в БЛАНК ОТВЕТОВ № 1 справа от номера соответствующего задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак «минус» и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

Токарь, делая в день на 8 деталей больше, чем было запланировано, за 9 дней превысил 10-дневное задание на 36 деталей. Сколько деталей в день делал токарь?

Ответ: .

2 На диаграмме приведены данные о среднемесячных температурах воздуха в дневное и ночное время в Беловежской Пуще (Республика Беларусь).



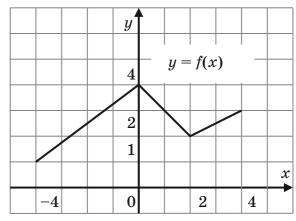
Определите наибольшую разность между дневной и ночной среднемесячными температурами. Ответ укажите в градусах.

Ответ: ______.

На координатной плоскости задан график функции f(x), принимающей положительные значения на отрезке [-4; 4].

Вычислите $\int_{-4}^{4} f(x)dx$.

Ответ: ______.



4	Две точки случайным образом выбираются в круге радиусом 1 метр, разделённом на концентрические зоны. Центральная зона ограничена окружностью, радиус которой равен 10 см, следующая окружность имеет радиус 20 см, и т. д. Какова вероятность того, что обе точки будут выбраны в центральной зоне?
	Ответ:
5	Решите уравнение $2^{\log_2(x+1)} = \log_3 81$.
	Ответ:
6	Хорда, перпендикулярная диаметру окружности, делит его на отрезки, равные 2 и 18. Найдите длину хорды.
	Ответ:
7	На рисунке изображён график производной функции $f(x)$, определённой на промежутке [-5; 6]. Используя график производной, укажите сумму длин промежутков возрастания функции $f(x)$.
	f'(x)
	3
	3
	Ответ:
8	Длина стороны правильной четырёхугольной пирамиды равна $\sqrt{3}$, а угол наклона плоскости боковой грани к плоскости основания равен 60° . Найдите объём пирамиды.
	Ответ:
	Часть 2
	$8\cos\frac{4\pi}{\cos\frac{8\pi}{\cos\frac{16\pi}{\sin\frac{11\pi}{\cos\frac{1}{\cos$

		$8\cos\frac{4\pi}{12}$	$\cos \frac{8\pi}{\cos}$	$s \frac{10\pi}{s} si$	$n \frac{11\pi}{m}$
9	Найдите значение выражения	$\underline{15}$	15	15	<u>15</u>
	Transpire one remie Barpawenius		$\sin \frac{2\tau}{2}$	<u> </u>	
			15	Ď	
	•				

Ответ: _____.

При полёте самолета по прямолинейному маршруту на первой половине пути дул попутный ветер со скоростью u м/сек, а на второй половине — встречный с той же скоростью. Если скорость самолёта в безветренную погоду равна v м/сек, то задержку в пути можно рассчитать по формуле $\Delta T = T_0 \frac{u^2}{v^2 - u^2}$, где T_0 — планируемое время полёта. Выразите из формулы скорость ветра и найдите её, если $T_0 = 4$ час, $\Delta T = 0.04$ час, v = 200 м/сек. Ответ выразите в м/сек, округлив его

Ответ: _____

до целых значений.

11 Четыре положительных числа образуют возрастающую геометрическую прогрессию. Сумма крайних членов прогрессии равна 27, а сумма средних членов прогрессии равна 18. Найдите первый член указанной прогрессии.

Ответ: ______.

В правильной треугольной призме расстояние от центра верхнего основания призмы до вершины нижнего основания равно l=4. Найдите наибольшее значение объёма этой призмы.

Ответ:

- 13 | а) Решите уравнение $\cos^2 x + 9\cos^2 2x 6\cos x \cdot \cos 2x + 8\cos x 24\cos 2x + 16 = 0$.
 - б) Найдите решения уравнения, принадлежащие промежутку [2016 π ; 2018 π].
- 14 Точки K, L, M расположены на ребрах SA, SB, SC правильной четырехугольной пирамиды SABCD соответственно, и при этом

$$\frac{SK}{KA} = \frac{1}{2}$$
; $\frac{SL}{SB} = \frac{1}{5}$; $\frac{SM}{SC} = \frac{1}{3}$.

- а) Докажите, что плоскость (KLM) проходит через вершину D пирамиды SABCD.
- б) Найдите угол между плоскостью (KLM) и плоскостью основания пирамиды (ABCD), если SA = b = 2, AB = a = 1.
- 15 Решите неравенство: $\log_{x-2} 3 + \log_{x+2} 3 > \log_{x-2} 3 \cdot \log_{x+2} 3$.
- 16 Дан треугольник ABC, в котором расположены три равные окружности ω_1 , ω_2 , ω_3 , с центрами в точках I_1 , I_2 , I_3 , проходящие через общую точку T. Окружность ω_1 касается сторон AB и AC, окружность ω_2 касается сторон BA и BC, окружность ω_3 касается сторон CB и CA. Обозначим I центр окружности, вписанной в треугольник ABC, а O центр окружности, описанной около треугольника ABC.
 - а) Докажите, что точки I, T, O лежат на одной прямой.
 - б) Найдите радиус трёх равных окружностей, если стороны треугольника ABC соответственно равны 13, 14, 15.

На двух шахтах добывается руда: на первой шахте 100 тонн в день, на второй — 220 тонн в день. Добытая руда перерабатывается на двух заводах. Первый способен переработать не более 200 тонн руды в день, а второй — не более 250 тонн руды в день. Стоимость перевозки одной тонны руды от шахты на завод представлена в таблице.

	Первый завод	Второй завод
Первая шахта	5	4
Вторая шахта	7	5

Найдите наименьшую стоимость перевозок.

18 Найдите все значения параметра, при каждом из которых уравнение $|x| + \left| \frac{3x-5}{x-3} \right| = a$

имеет три различных решения. При каждом значении параметра найдите решения уравнения.

19 Пусть q — положительный корень уравнения $t^2-2016t-1=0$. Построим последовательность натуральных чисел $\{x_n\}$, $n=0,1,2,\ldots$, 2016 следующим образом: $x_0=1,\ x_{n+1}=[q\cdot x_n],\ n=0,1,\ldots,2015,\$ где [x] — целая часть действительного числа x, т. е. наибольшее целое число, не превосходящее x. Найдите остаток от деления x_{2016} на 2016.